# Чувствительность КМОП-источника опорного напряжения к вариациям параметров элементов

# Е.Н. Бормонтов, Е.В. Сухотерин, Д.В. Колесников, Е.В. Невежин

## Введение

Источник опорного напряжения (ИОН) является составным элементом многих сложно-функциональных блоков, таких как аналого-цифровые преобразователи, вторичные источники питания и др. [1 - 5]. Обычно к нему предъявляются жесткие требования к точности выходного напряжения. Поэтому, как правило, ИОН включает в себя подстройку уровня выходного напряжения [6]. Она должна иметь небольшой шаг и при этом перекрывать возможное отклонение выходного напряжения.

В силу малости отклонений выходного напряжения опорного источника эффективным методом его анализа может служить оценка его чувствительности к вариациям параметров отдельных элементов. Величины чувствительностей выходного напряжения дают возможность определить степень влияния параметров отдельных элементов схемы на выходное напряжение [7], что позволяет повысить эффективность проектирования этих устройств.

#### Постановка задачи.

Рассмотрим типичную структуру источника (рис. 1), получившую широкое распространение и продемонстрировавшую высокую эффективность. Ее элементами являются биполярные транзисторы (Q1-Q5), резисторы (R1, R2), МОП-транзисторы (M1-M3) и операционный усилитель A1.

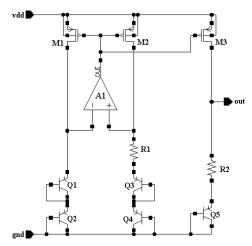


Рис. 1. Структура источника опорного напряжения.

Будем полагать, что площади эмиттеров биполярных транзисторов связаны соотношениями  $A_{QI} = A_{Q2} = A_{Q5} = A_{Q3}/m = A_{Q4}/m$ . Считаем, что токи стоков транзисторов MI - M3 допускают следующее представление:  $I_{MI} = Id \cdot k1$ ;  $I_{M2} = Id \cdot k2$ ;  $I_{M3} = Id \cdot k3$ ; где коэффициенты k1, k2, k3 характеризуют отклонения тока от некоторого номинального значения Id. Если получить выражения для тока стока транзистора M2 и напряжения база-эмиттер Q5, появится возможность для определения выходного напряжения источника.

Для контура, включающего входы операционного усилителя A1, резистор R1 и биполярные транзисторы Q1, Q2, Q3, Q4, справедливо соотношение

$$U_{CM} = (I_{M2}R_1 + U_{B\ni3} + U_{B\ni4}) - (U_{B\ni1} + U_{B\ni2}),$$

где Ucм – напряжение смещения операционного усилителя. С другой стороны, очевидно,

$$(U_{E\ni 1}+U_{E\ni 2})-(U_{E\ni 3}+U_{E\ni 4})=2V_t ln\left(\frac{k1}{k2}m\right).$$

Тогда для тока стока транзистора *M2* можно получить

$$I_{M2} = \frac{2V_t \ln\left(\frac{k_1}{k_2}m\right) + U_{CM}}{R_1}.$$
 (1)

Через ток  $I_{M3}$ , учитывая заданную выше его связь с током  $I_{M2}$ , напряжение база-эмиттер биполярного транзистора Q5 можно выразить следующим образом:

$$U_{E\ni5} = V_t ln \left( \frac{\frac{k_3}{k_2} \left( 2V_t ln \left( \frac{k_1}{k_2} m \right) + U_{cM} \right)}{R_1 I_0} \right). \tag{2}$$

В этих условиях выходное напряжение приобретает следующий вид:

$$U_{out} = \frac{R_2}{R_1} \frac{k3}{k2} \left( 2V_t ln \left( \frac{k1}{k2} m \right) + U_{cM} \right) + V_t ln \left( \frac{\frac{k3}{k2} \left( 2V_t ln \left( \frac{k1}{k2} m \right) + U_{cM} \right)}{R_1 I_0} \right), \quad (3)$$

где  $V_t = k \cdot T/q$  – тепловой потенциал.

Выражение (3) дает следующие полуотносительные чувствительности выходного напряжения ИОН к номиналам резисторов R1, R2 и коэффициентам ki:

$$\begin{split} S_{R1}^{U_{out}} &= -V_t - \frac{R_2}{R_1} \frac{k3}{k2} \Big( 2V_t ln \Big( \frac{k1}{k2} m \Big) + U_{cm} \Big), \\ S_{R2}^{U_{out}} &= \frac{R_2}{R_1} \frac{k3}{k2} \Big( 2V_t ln \Big( \frac{k1}{k2} m \Big) + U_{cm} \Big). \end{split}$$

$$\begin{split} S_{k_1}^{U_{out}} &= \frac{2{V_t}^2}{U_{\scriptscriptstyle CM} + 2{V_t}ln\left(\frac{k_1}{k_2}m\right)} + 2{V_t}\frac{R_2}{R_1}\frac{k3}{k2}, \\ S_{k_2}^{U_{out}} &= -\frac{2{V_t}^2}{U_{\scriptscriptstyle CM} + 2{V_t}ln\left(\frac{k_1}{k_2}m\right)} - 2{V_t}\frac{R_2}{R_1}\frac{k3}{k2} - {V_t} - \frac{R_2}{R_1}\frac{k3}{k2}\left(2{V_t}ln\left(\frac{k1}{k2}m\right) + U_{\scriptscriptstyle CM}\right), \\ S_{k_3}^{U_{out}} &= {V_t} + \frac{R_2}{R_1}\frac{k3}{k2}\left(2{V_t}ln\left(\frac{k1}{k2}m\right) + U_{\scriptscriptstyle CM}\right). \end{split}$$

Чувствительности выходного напряжения ИОН к коэффициентам k1, k2, k3 характеризуют влияние отклонения токов транзисторов M1, M2, M3 от номинального значения на выходное напряжение. На основе этих

соотношений, рассчитав среднеквадратическое отклонение тока [8 - 10], можно оценить степень влияния МОП транзисторов на опорное напряжение.

Кроме того, (3) позволяет рассчитать абсолютную чувствительность выходного напряжения к напряжению смещения операционного усилителя:

$$S_{aU_{CM}}^{\ U_{out}} = \frac{R_2}{R_1} \frac{k3}{k2} + \frac{V_t}{\frac{k3}{k2} \left( 2V_t ln \left( \frac{k1}{k2} m \right) + U_{CM} \right)} \approx \frac{R_2}{R_1} \frac{k3}{k2} + \frac{1}{2 \frac{k3}{k2} ln \left( \frac{k1}{k2} m \right)}.$$

С другой стороны, выходное напряжение можно выразить через напряжения база-эмиттер биполярных транзисторов:

$$U_{out} = \frac{k3}{k2} \frac{R_2}{R_1} (U_{E31} + U_{E32} - U_{E33} - U_{E34} + U_{CM}) + U_{E35}, \tag{4}$$

откуда можно получить полуотносительные чувствительности выходного напряжения ИОН к напряжению база-эмиттер биполярных транзисторов:

$$\begin{split} S_{U_{E\ni 1}}^{U_{out}} &= \frac{k3}{k2} \frac{R_2}{R_1} U_{E\ni 1} \quad , \qquad S_{U_{E\ni 2}}^{U_{out}} &= \frac{k3}{k2} \frac{R_2}{R_1} U_{E\ni 2}, \\ S_{U_{E\ni 3}}^{U_{out}} &= -\frac{k3}{k2} \frac{R_2}{R_1} U_{E\ni 3} \quad , \quad S_{U_{E\ni 4}}^{U_{out}} &= -\frac{k3}{k2} \frac{R_2}{R_1} U_{E\ni 4}, \\ S_{U_{E\ni 5}}^{U_{out}} &= U_{E\ni 5}. \end{split}$$

Суммы полуотносительных чувствительностей по компонентам

$$\begin{split} S_{R}^{U_{out}} &= S_{R1}^{U_{out}} + S_{R1}^{U_{out}} = -V_{t}, \\ S_{U_{E\ni}}^{U_{out}} &= S_{U_{E\ni1}}^{U_{out}} + S_{U_{E\ni2}}^{U_{out}} + S_{U_{E\ni3}}^{U_{out}} + S_{U_{E\ni4}}^{U_{out}} + S_{U_{E\ni5}}^{U_{out}} = U_{out}, \\ S_{k}^{U_{out}} &= S_{I_{M1}}^{U_{out}} + S_{I_{M2}}^{U_{out}} + S_{I_{M3}}^{U_{out}} = 0. \end{split}$$

дают возможность оценить их влияние при групповых отклонениях технологического процесса [11].

На рис. 2, 3 приведены температурные зависимости чувствительности выходного напряжения к резисторам *R1*, *R2* и коэффициентам *ki*. Рис. 4

отображает зависимость его абсолютной чувствительности к напряжению смещения операционного усилителя от величины m (рис.4).

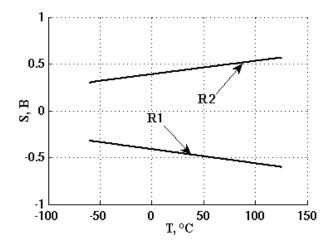


Рис. 2. Полуотносительные чувствительности выходного напряжения ИОН к резисторам в диапазоне температур.

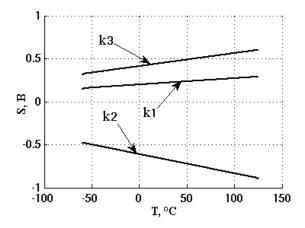


Рис. 3. Температурная зависимость полуотносительных чувствительностей выходного напряжения ИОН к коэффициентам k1, k2, k3 в диапазоне температур.

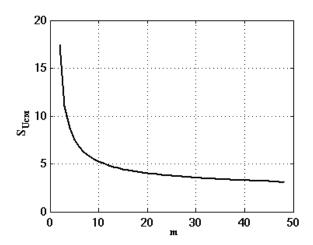


Рис. 4. Абсолютная чувствительность выходного напряжения ИОН к напряжению смещения в зависимости от m.

В табл. 1 указаны значения поэлементных чувствительностей рассматриваемой структуры ИОН, рассчитанные в условиях m=8, k1=k2=k3=1 при 27°C.

Таблица 1 Значения чувствительностей выходного напряжения ИОН

| $\mathcal{S}_{R1}^{U_{out}}$                    | -0.453B  |
|---|----------|
| $\mathcal{S}_{R2}^{U_{out}}$                    | 0.428 B  |
| $S_{k_1}^{U_{out}}$                             | 0.218 B  |
| $S_{k_2}^{U_{out}}$                             | -0,671 B |
| $S_{k_3}^{U_{out}}$                             | 0,453 B  |
| $S_{a}{}^{U_{out}}_{U_{\scriptscriptstyle CM}}$ | 5,82     |

### Выводы

Проведенный анализ позволяет сделать следующие выводы:

- суммы полуотносительных чувствительностей выходного напряжения к резисторам и напряжениям база-эмиттер биполярных транзисторов являются константами при заданной температуре. Это означает, что разброс ИОН определяется свойствами выходного напряжения групповыми элементов (резисторов И биполярных транзисторов) выбранного технологического базиса;
- при групповом отклонении параметров технологического процесса характеристики МОП-транзисторов не влияют на точность опорного напряжения ИОН, т.к. отношения токов в ветвях при этом не изменяется;
- влияние напряжения смещения усилителя можно снизить путем увеличения отношения площадей биполярных транзисторов Q3 к Q1. Это положение позволяет получить оптимальные характеристики ИОН с точки

зрения площади блока, занимаемой на кристалле и величины разброса опорного напряжения;

- температурные зависимости чувствительностей к резисторам и токам позволяют рассчитать среднеквадратичное отклонение опорного напряжения с учетом их рассогласования;

#### Заключение

Таким образом, результаты анализа показали, что оценка влияния отклонений элементов схемы на выходные параметры с использованием аппарата чувствительности является эффективным и надежным инструментом. Дальнейшим развитием проведенного анализа может быть связано с прогнозом отклонения опорного напряжения ИОН и определением структуры схемы его начальной подстройки в заданных технологических условиях.

# Литература

- 1. Гребен А.Б. Проектирование аналоговых интегральных схем / Гребен А.Б. // М.: Энергия, 1972, 255с.
- 2. Соклоф С. Аналоговые интегральные схемы. / С. Соклоф, А. Федоров // пер. с английского А. Б. Перевезенцева, под ред. В. Д. Вернера; М.: Издательство «Мир», 1988, 583с.
- 3. Кестер У. Аналого-цифровое преобразование // Перевод с анлийского под редакцией Е.Б. Володина, М: «Техносфера», 2007, 1015с.
- 4. В.К. Игнатьев, А.В. Никитин, С.В. Перченко, Д.А. Станкевич, Динамическая компенсация дополнительной погрешности прецизионного АЦП [Электронный ресурс] // «Инженерный вестник Дона», 2012 г, №2. Режим доступа: <a href="http://www.ivdon.ru/magazine/archive/n2y2012/771">http://www.ivdon.ru/magazine/archive/n2y2012/771</a> (доступ свободный) Загл. с экрана. Яз. рус.

- 5. Gray P.R. Analysis and Design of Analog Integrated Circuits / P.R Gray, P.J. Hurst, S.H. Lewis, R.G. Meyer. // New York: Wiley, 2001, 897p.
- 6. Макаров А.Б. Технологическая миграция источников опорного напряжения на основе ширины запрещенной зоны кремния / А.Б. Макаров, И.В. Кочкин // Проблемы разработки перспективных микро-и наноэлектронных систем 2010. Сборник трудов под общ. ред. академика РАН А.Л. Стемпковского. М.: ИППМ РАН, 2010 . С. 547-552.
- 7. Гехер К. Теория чувствительности и допусков электронных цепей. / К. Гехер // Будапешт, 1971, пер. с англ. Под ред. Ю.Л. Хотунцева. М.: «Сов. Радио», 1973, 200с.
- 8. Оценка точности источника опорного напряжения в технологии 0.18 мкм / Е.В. Сухотерин, Е.В. Невежин, Б.К. Петров, Д.В. Колесников // Проблемы современной аналоговой микросхемотехники : материалы X междунар. науч.-практ. семинара. Шахты, 2013. С. 69-74.
- 9. А.М. Пилипенко, В.Н. Бирюков, Моделирование параметров МОПтранзисторов в широком температурном диапазоне [Электронный ресурс] // «Инженерный вестник Дона», 2013 г, №4. Режим доступа: <a href="http://www.ivdon.ru/magazine/archive/n4y2013/1917">http://www.ivdon.ru/magazine/archive/n4y2013/1917</a> (доступ свободный) Загл. с экрана. Яз. рус.
- 10. Pelgrom, M.J.M.; Duinmaijer, A.C.J.; Welbers, A.P.G., "Matching properties of MOS transistors," Solid-State Circuits, IEEE Journal of, vol.24, no.5pp. 1433- 1439, Oct 1989.
- 11. Herbst S. A Low-Noise Bandgap Voltage Reference Employing Dynamic Element Matching / Herbst S. // Massachusetts institute of technology, 2011, 109p.