Качественное исследование модели образования эмульсионного слоя

M.H. Романова 1 , A.E. Лебедев 1 , A.A. Мурашов 2 , A.И. Холодкова 2

¹Ярославский государственный технический университет, Ярославль ²Ярославское высшее военное училище противовоздушной обороны имени Маршала Советского Союза Л.А.Говорова, Ярославль

Аннотация: В статье рассматривается качественное влияние на образование эмульсии. Произведено исследование базовой модели образования эмульсионного слоя. Определено влияние «внутренних» и «внешних» параметров на внутренние характеристики процесса образования эмульсии. Исследование, проведённое в статье, поможет учитывать полученные зависимости при расчетах режимных и конструктивных параметров устройств.

Ключевые слова: эмульсионный слой, вязкость, плотность, эмульсия, вращающийся цилиндр, жидкость, состав эмульсии.

В настоящее время довольно широко применяются аппараты, в основе которых используется вращающийся цилиндрический барабан, частично погруженный в жидкость [1]. В силу своей универсальности данная конструкция нашла свое применения в химической, пищевой, фармацевтической и других отраслях промышленности.

Основным требованием к границам применимости вращающегося цилиндра является его скорость вращения, так как в зависимости от неё конструкция может быть использована как для разбрызгивания жидкости, увлекаемой цилиндром, так и в качестве дозатора, когда увлекаемая жидкости снимается скребком или другими устройствами [2-4].

Зная принцип действия подобных агрегатов, необходимо исследовать влияния «внешних» и «внутренних» факторов на процесс образования эмульсионного слоя на вращающемся цилиндре.

Базовая модель образования эмульсии [5] может быть использована для качественного исследования модели образования эмульсионного слоя. В работе [6-7] рассматривается условие для слоя смешения жидкостей, имеющих как разные вязкости, так и разные плотности.

Одно из условий базовой модели образования эмульсии может быть получено из вариационного принципа максимума диссипации энергии в слое смешения [8-9]. Так же при расчетах использовались фундаментальные характеристики эмульсии [10].

Рассматривая слой смещения необходимо определить некоторые параметры, используемые в формулах: μ_p - вязкость верхнего слоя эмульсии (большая вязкость) захватываемого вращающимся цилиндром; $\tilde{\mu}_w$ - вязкость эмульсии на границе раздела жидкостей (меньшая вязкость); \tilde{V}^p_θ , \tilde{V}^w_θ - эпюры скоростей в эмульсионном слое; x - удаление от вращающегося цилиндра.

Воспользуемся функцией диссипации для слоя смешения [5]:

$$\widetilde{\boldsymbol{\phi}}_{\mathbf{n}} = \mu_{\mathbf{p}} \int_{0}^{t_{1}} \left[\left(\frac{d\widetilde{V}_{\theta}^{p}}{dx} \right)^{2} + \left(\frac{d\widetilde{V}_{\theta}^{w}}{dx} \right)^{2} \right] dt \tag{1}$$

В выражении (1) можно осуществить переход к переменной х, полагая справедливым соотношение (2):

$$dt = \frac{dx}{\tilde{V}_{\theta}^{p}(x)} \tag{2}$$

Воспользуемся выражениями (3), (4), (5), (6), (7), (8) [6]:

$$x_{10} = \frac{b_{P1}}{b_{P0}} \tag{3}$$

$$y = \frac{x_{10}}{2} \left(\frac{\tilde{\mu}_{w}}{\mu_{p}} \right)^{1/2} \left(\sqrt{1 + \frac{4\mu^{3/2}}{\tilde{a}\tilde{\mu}_{w}^{1/2} x_{10}^{2}}} - 1 \right)$$
 (4)

$$\tilde{\mathbf{a}}_{1} = \frac{\tilde{\mathbf{a}}}{\mu_{p}} \cdot \mathbf{y} \tag{5}$$

$$\widetilde{\Phi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{x}_{10}) = \frac{\mu_{p}^{2} \cdot \tilde{\mathbf{a}}_{1}(\mathbf{x}_{10})}{\tilde{\mu}_{w}(\mathbf{x}_{10})} \ln[1 - \tilde{\mathbf{a}}_{1}(\mathbf{x}_{10}) \cdot \mathbf{x}_{10}]$$
(6)

$$c = c_0 \cdot \left(\frac{\mu_p}{\mu_w}\right)^{1/2} \tag{7}$$

$$\tilde{a} = k_a \frac{6\rho_p \cdot g \cdot b_{po}^2 \cdot \sigma_3}{\sigma_p X_a \cdot \omega_0 \cdot \left(1 - \frac{2X_a}{R_0}\right)^4}$$
(8)

В которых: X_A - координата точки перегиба в области смешения; x_{10} , \tilde{a}_1 , c, \tilde{a} - рассчитываемые параметры (3), (5), (7), (8); $\sigma_{\mathfrak{g}}$, $\sigma_{\mathfrak{p}}$ - коэффициенты поверхностного натяжения (\mathfrak{g} - эмульсии, \mathfrak{p} - масленой пленки); $b_{\mathfrak{p}0}$ - начальная толщина масленой пленки; $b_{\mathfrak{p}1}$ - толщина пленки на выходе из начальной области образования эмульсии; ω_0 - угловая скорость цилиндра; R_0 - радиус вращающегося цилиндра; $\rho_{\mathfrak{p}}$ - плотность; $k_{\mathfrak{g}}$, c_0 - опытные параметры.

В таблице 1 приведены значения параметров образования эмульсии погруженным вращающимся цилиндром (ширина лотка съема эмульсии l) для случая: l=0,1 м, $b_{p_0}=8\cdot 10^{-4}$ м, $\omega_0=14$ рад/с, $R_0=0,009$ м, $\sigma_{\mathfrak{g}}\approx\sigma_{\mathfrak{p}}\approx0,07$ н/м, $\rho_{\mathfrak{p}}\approx\rho_{\mathfrak{g}}\approx10^3$ кг/м³, $k_{\mathfrak{v}}=1$, $k_{\mathfrak{a}}=0,05$, $X_{\mathfrak{A}}=4\cdot 10^{-3}$ м, $\mu_{\mathfrak{w}}=10^{-3}$ кг/м·с.

Таблица 1 - Качественное влияние на образование эмульсии

№ π/π	μ_p / μ_w	x ₁₀ ^{max}	$ ilde{ ext{B}}$	$\tilde{\mu}_{\mathrm{w}}$ / μ_{w}	ω_{01} / ω_{0}	Y _{wp}	$Q_{\rm v} \cdot 10^6 \rm m^3 / c$
1	140	0,622	2,13	16,3	0,885	1,18	28,7
2	40	0,742	1,82	23,147	0,656	0,576	21,8

 $\overline{(k_a, k_v, c_0)}$ проводилось Определение параметров опытных обработкой экспериментальных данных сопоставлением ИХ теоретическими зависимостями ПО двум независимым опытам: представленным в таблице 1.

Тогда решение экстремальной задачи

$$\widetilde{\boldsymbol{\phi}}_{\mathbf{n}}(\mathbf{x}_{10}^{\max}) = \widetilde{\boldsymbol{\phi}}_{\mathbf{n}}_{10}^{\max} \tag{9}$$

с учетом представлений (4), (5), (6), (7) позволяет определить «внутренние» параметры базовой модели образования эмульсии.

Используя формулу (1), решая задачу (9) и с учетом выражений (4), (5), (6), (7) определим влияние «внутреннего» параметра μ_p на образование эмульсии (рис. 1).

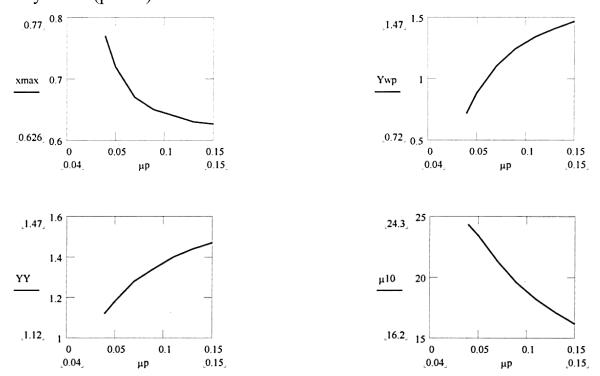


Рис. 1. — Качественное влияния параметра μ_p на внутренние характеристики процесса образования эмульсии.

Из анализа влияния основных факторов можно прийти к следующим выводам. 1. Увеличение вязкости μ_p приводит к уменьшению таких параметров как: - x^{max} , определяющего границу области разрушения первоначального более вязкого слоя жидкости, прилегающего к поверхности вращающегося цилиндра; - μ_{10} - вязкости эмульсии в переходном слое. 2. Увеличение вязкости μ_p приводит к увеличению таких параметров как: -

 Y_{wp} - состава эмульсии; - YY - безразмерного расхода эмульсии. Таким образом, с увеличением μ_p основные внешние показатели Y_{wp} и YY увеличиваются.

Рассмотрим комплекс «внешних» параметров \tilde{a} на образование эмульсии (рис. 2), решая задачу (9) и с учетом выражений (4), (5), (6), (7). Однако, при определении «у» из (4) необходимо знать представление для параметра \tilde{a} , который следует из (8).

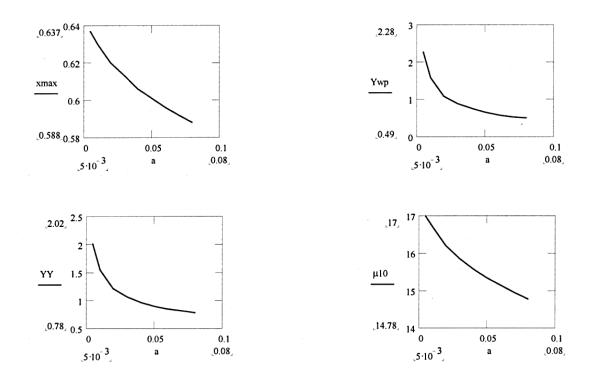


Рис. 2. – Качественное влияния комплекса ã на внутренние характеристики процесса образования эмульсии.

Как показывают результаты, представленные на рисунке 2, к уменьшению значений всех внутренних параметров процесса образования эмульсии приводит увеличение комплекса \tilde{a} , который определяет интенсивность убывания касательных напряжений в переходном слое.

Таким образом установлено влияние «внутренних» и «внешних» параметров образования эмульсии на внутренние характеристики процесса, что позволяет разработать методику расчета аппаратов, работающих на принципе взаимодействия вращающихся цилиндров со слоем жидкости.

Литература

- 1. Романова М.Н., Лебедев А.Е., Лебедев Д.В., Гуданов И.С. Очистка водных поверхностей от тонких масляных пленок // Инженерный вестник Дона, 2019, №5. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n5y2019/5938
- 2. Смирнов А.А., Генералов М.Б., Юрченко В.А. Исследование гидродинамических режимов работы и определение производительности барабанного дозатора // Гидродинамика, компрессоры и насосы химических производств. М.: Машиностроение, 1973. с. 156-161.
- 3. Левич В.Г. Физико-химическая гидродинамика. М.: Физматгиз, 1952. 670 с.
- 4. Романова М.Н., Лебедев А.Е., Лебедев Д.В. Моделирование процесса взаимодействия вращающегося цилиндра с несмешивающимися жидкостями // Инженерный вестник Дона, 2019, №1. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/nly2019/5619
- 5. Романова М.Н., Лебедев А.Е., Лебедев Д.В. Моделирование начальной области образования эмульсии // Инженерный вестник Дона, 2019, №1. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/nly2019/5638
 - 6. Бетчелор Дж. Введение в динамику жидкости. М.: Мир, 1973. 758 с.
 - 7. Шлихтинг Г. Теория пограничного слоя. М.: Наука, 1969. 742 с.
 - 8. Лойцанский Л.Г. Механика жидкости и газа. М.: Наука, 1973. 847 с.
- 9. Tharmalingam S., Wilkinson W.W. The coating of newtonion liquids onto a rotating voll // I.Chem. Eng. Sei. 1978. V.33. pp. 1481-1487.

10. Encyclopedic Handbook of Emulsion Technology, edited by J. Sjöblom, 2001, New-York, Basel, Marcel Dekker, Inc., 729 p.

References

- 1. Romanova M.N., Lebedev A.E., Lebedev D.V., Gudanov I.S., Inzhenernyj vestnik Dona, 2019, №5. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n5y2019/5938
- 2. Smirnov A.A., Generalov M.B., Yurchenko V.A. Gidrodinamika, kompressory i nasosy khimicheskikh proizvodstv [Fluid dynamics, compressors and pumps for chemical produktion]. Mashinostroeniye. 1973. pp. 156-161.
- 3. Levich V.G. Fiziko-khimicheskaya gidrodinamika [Physico-chemical hydrodynamics]. Fizmatgiz. 1952. 670 p.
- 4. Romanova M.N., Lebedev A.E., Lebedev D.V. Inzhenernyj vestnik Dona, 2019, №1. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n1y2019/5619
- 5. Romanova M.N., Lebedev A.E., D.V. Lebedev. Inzhenernyj vestnik Dona, 2019, №1. URL: ivdon.ru/ru/magazine/archive/n1y2019/5638
- 6. Betchelor Dzh. Vvedeniye v dinamiku zhidkosti [Introduction to fluid dynamics]. Mir. 1973. 758 p.
- 7. SHlikhting G. Teoriya pogranichnogo sloya [The theory of the boundary layer]. Nauka. 1969. 742 p.
- 8. Loytsanskiy L.G. Mekhanika zhidkosti i gaza. [Mechanics of fluid and gas]. Nauka. 1973. 847 p.
- 9. Tharmalingam S., Wilkinson W.W. I.Chem. Eng. Sei. 1978. V.33. pp. 1481-1487.
- 10. Encyclopedic Handbook of Emulsion Technology, edited by J. Sjöblom, 2001, New-York, Basel, Marcel Dekker, Inc., 729 p.

Дата поступления: 5.03.2025

Дата публикации: 25.04.2025