## Степень реализации диаграммы деформирования бетона во внецентренно сжатых стойках

## В.А. Мурадян

Была поставлена задача на основании опытных данных о сопротивлении железобетонных колонн внецентренному сжатию получить аналитическую зависимость предельной сжимаемости бетона от варьируемых факторов: относительного эксцентриситета внешней силы  $e_o$  /h и процента армирования  $\mu$ . К анализу кроме опытных данных автора были привлечены и данные РГСУ [1, 9].

Эта задача была разбита на две подзадачи:

- нахождение функциональной зависимости  $\varepsilon_{bu}$  от относительного эксцентриситета приложения внешней силы  $e_o$  /h;
- нахождение функциональной зависимости  $\varepsilon_{bu}$  от  $e_o$  /h и от процента армирования  $\mu$

На первом этапе необходимо было определить структуру эмпирических формул, заданных в следующем виде:

$$\varepsilon_{bu} = f(e_o/h, \beta_1, \beta_2, ..., \beta_k) \tag{1}$$

$$\beta_i = g_i(\mu, \alpha_I, \alpha_2, ..., \alpha_k), i = 0, 1, 2, ..., k$$
 (2)

$$\alpha_i = h_i(\overline{R}, \gamma_1, \gamma_2, ..., \gamma_k), i = 0, 1, 2, ..., k$$
 (3)

где  $\alpha_i$ ,  $\beta_i$  и  $\gamma_i$  — параметры получаемых формул.

Подставляя последовательно выражение (3) в (2) в (1) получаем искомую функциональную зависимость:

$$\varepsilon_{bu} = F\left(e_o / h, \mu, \overline{R}, \gamma_l, \gamma_2, ..., \gamma_k\right) \tag{4}$$

Практическое осуществление вышесказанного осуществлялось следующим образом. Рассмотрим формулу (1). Так как экспериментальные зависимости  $\varepsilon_{bu}$  от  $e_o$  /h имеют некоторый разброс, то система уравнений:

$$\begin{cases} e_{bu1} = \oint (e_o / h_1, \beta_1, \beta_2, ..., \beta_k) \\ e_{bu2} = \oint (e_o / h_2, \beta_1, \beta_2, ..., \beta_k) \\ ... \\ e_{bun} = \oint (e_o / h_n, \beta_1, \beta_2, ..., \beta_k) \end{cases}$$
(5)

Является как правило несовместной. Поэтому необходимо было найти наилучшие значения параметров  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ ,...,  $\beta_k$ , приближенно удовлетворяющие системе уравнений (5), т.е. минимизирующие невязки:

$$e_{bui} = \oint (e_o / h_i, \beta_1, \beta_2, \dots, \beta_k) - \varepsilon_{bui}$$
 (6)

При анализе был использован метод наименьших квадратов, согласно которому наилучшими оценками параметров  $\beta_1...\beta_k$  считаются те, для которых сумма квадратов отклонений

$$S(\beta_1, \beta_2, ..., \beta_k) = \sum_{bui}^{n} \Delta \varepsilon_{bui}^2$$
 (7)

Будет минимальной. В формуле (7)  $S(\beta_1, \beta_2, ..., \beta_k)$  функция многих переменных. Используя необходимые условия экстремума для функции многих переменных, получим систему уравнений для определения  $\beta_1$ ,  $\beta_2$ , ...,  $\beta_k$ :

$$\begin{cases} \frac{\partial S}{\partial \beta_1} = 0 \\ \frac{\partial S}{\partial \beta_2} = 0 \\ \frac{\partial S}{\partial \beta_k} = 0 \end{cases}$$
(8)

Получение требуемой эмпирической формулы состояло из двух этапов: определения общего вида этой формулы и нахождения ее параметров, удовлетворяющих системе уравнений (8).

Установлено, что кривая, описываемая формулой

$$\varepsilon_{bu} = \alpha - \frac{\varepsilon}{e_o / h + c} \tag{9}$$

наилучшим образом совпадает с кривой, построенной по

экспериментальным данным. Параметры этой формулы a, b, c найдены решением системы(8).

Для полученных параметров формулы (9) a, b, c найдены аналогичным образом следующие функциональные зависимости от процента армирования  $\mu$ :

$$\begin{cases} a = \alpha_1 + \alpha_2 \sqrt{\mu} \\ e = \alpha_3 + \frac{\mu}{\alpha_4 \mu + \alpha_5} \\ c = \alpha_6 + \frac{\mu}{\alpha_7 \mu + \alpha_8} \end{cases}$$
 (10)

Подставив эти выражения параметров в формулу (7), получим функциональную зависимость  $\varepsilon_{bu}$  бетона от эксцентриситета приложения внешней силы  $e_o$  /h и процента армирования  $\mu$ , в виде

$$\varepsilon_{bu} \cdot 10^{3} = \alpha_{1} + \alpha_{2} \sqrt{\mu} - \frac{\alpha_{3} + \frac{\mu}{\alpha_{4} \mu + \alpha_{S}}}{e_{o} / h + \alpha_{6} + \frac{\mu}{\alpha_{7} \mu + \alpha_{8}}}$$

$$(11)$$

Зависимость (11) получена для образцов с прочностью бетона  $\overline{R}$  = 25-30 МПа, т.е. параметры  $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$ ,...,  $\alpha_8$  в (10) вычислены для определенной прочности бетона (табл. 1).

По табл. 1 можно находить значения коэффициентов  $\alpha_i$  для дальнейшего определения  $\varepsilon_{bu}$ .

Таблица 1 Значение параметров  $\alpha_i$  формулы (11) для прочности бетона 25-30 МПа

Параметры							
$\alpha_{I}$	$\alpha_2$	$\alpha_3$	$\alpha_4$	$a_5$	$\alpha_6$	$\alpha_7$	$\alpha_8$
3,375	0,564	0,069	1,758	7,946	0,092	0,178	1,679

Формула (11) справедлива для ненапряженных в нецентренно сжатых элементов из тяжелого бетона при  $\overline{R}$  = 25-30 МПа. С математической точки зрения при  $\mu$ =0 или  $e_o$  /h=0 происходит деление

на ноль, что приводит к неопределенности. Поэтому в этих случаях, т.е. когда  $\mu$ =0 или  $e_o$  /h=0 будем считать значения последних бесконечно малыми величинами.

Отклонения опытных данных  $\varepsilon_{bu}$  от вычисленных по предлагаемым формулам (11) невелики, они не превышают 4,2%.

## Литература:

- 1. Бойцов В.Н., Маилян Д.Р. Рекомендации по расчету внецентренносжатых предварительно напряженных железобетонных элементов геометрической гибкостью 10-60 из тяжелого бетона и высокопрочной арматуры. Ростов-на-Дону: Ростовский ПромстройНИИпроект, 1984.-22с.
- 2. Гуща Ю.П. Об учете неупругих деформаций бетона и арматуры в расчете железобетонных конструкций по первой и второй группам предельных состояний// Совершенствование конструктивных форм, методов расчета и проектирования железобетонных конструкций. Сборник научных трудов. –М.: НИИИЖБ,1983.-С.11-18.
- 3. Дмитриев А.В. Динамический расчет изгибаемых железобетонных элементов при действии изгибающих моментов и продольных сил// Бетон и железобетон. 1996. №5. с.16-19.
- Мурадян В.А., Маилян Д.Р. К методике расчета железобетонных внецентренно сжатых колонн // «Инженерный вестник Дона», 2012, №4. Режим доступа: http://www.ivdon.ru/magazine/archive/n4p2y2012/1333 (доступ свободный) Загл. с экрана. Яз. рус.
- Карпенко Н.И., Мухамедиев Т.А. К расчету прочности нормальных сечений изгибаемых элементов // Бетон и железобетон. 1983. №4. С.11.

- 6. Лемыш Л.Л. Провести исследование несущей способности элементов типовых каркасных промзданий с более полным учетом особенностей работы бетона и разработать рекомендации по их расчету. Отчет ЦНИИ-промзданий. –М.,1982. С.47-49.
- 7. Маилян Д.Р., Несветаев Г.В. Зависимость относительной несущей способности колонн от относительного эксцентриситета// «Инженерный вестник Дона». 2012. №4-2. -183c. Режим доступа: http://www.ivdon.ru/magazine/archive/n4p2y2012/1334 (доступ свободный) Загл. с экрана. Яз. рус.
- 8. Mkrtchyan A., Akcenov V., Mailyan. Experimental study of the structural properties of high-strength concrete // 5th International Scientific Conference "European Applied Sciences: modern approaches in scientific researches":Papers of the 5th International Scientific Conference. August 26–27. Stuttgart, Germany. 2013. 164 p.
- 9. Маилян Д.Р. Расчет преднапряженных гибких железобетонных колонн по деформированной схеме// Вопросы прочности, деформативности и трещиностойкости железобетона, вып. 8. Ростов-на-Дону,1980. С.32-35.
- 10. Mkrtchyan A., Akcenov V., Mailyan. Experimental study of reinforced concrete columns of high-strength concrete // "Applied Sciences and technologies in the United States and Europe: common challenges and scientific findings": Papers of the 2nd International Scientific Conference (September 9–10, 2013). Cibunet Publishing. New York, USA. 2013. 242 p.